

Mathématiques financières

EXERCICES

Corrections et cours correspondants disponibles sur

cours-assurance.org

Sommaire

Sommaire	2
Bibliographie	3
TD Chapitre 1	5
TD Chapitre 2	6
TD Chapitre 3	7
TD Chapitre 4	8
TD Chapitre 5	9
TD Chapitre 6	10
TD Chapitre 7	11

Bibliographie

Cet enseignement est **entièrement** basé sur les sources suivantes :

- **Cours, Franck DUFAUD**
<http://math93.com/>
- **Cours, Michelle LAUTON**
http://gl.ml.free.fr/ML/COURS/080117_Transp-INTSIM_COMP.doc
- **Introduction aux mathématiques financières, Aymric KAMEGA**
[http://www.ressources-actuarielles.net/EXT/ISFA/fp-isfa.nsf/0/FE8AD6D32B953971C125773300703808/\\$FILE/AK_MFA1.pdf?OpenElement](http://www.ressources-actuarielles.net/EXT/ISFA/fp-isfa.nsf/0/FE8AD6D32B953971C125773300703808/$FILE/AK_MFA1.pdf?OpenElement)
- **Calculs bancaires, Hervé LE BORGNE**
ISBN : 978-2-7178-4606-5

TD

TD Chapitre 1

Exercice 1 :

Soit un effet d'une valeur nominale de 30 000 venant à échéance le 1^{er} juin. Il est escompté le 1^{er} mars (date de valeur) au taux de 8%.

1°) Calculez le montant de l'intérêt payé sur cette opération, sachant que ce calcul s'effectue en nombre de jours exacts sur la base 360. On suppose qu'il n'y a pas de jours de banque.

2°) Quel aurait été ce même montant en adoptant un calcul en nombre de jours « en mois » / 360 ou en nombre de jours exacts / 365 ?

3°) Calculez l'écart en pourcentage.

Exercice 2 :

La société MIXE remet à 30 jours de l'échéance un effet à l'escompte d'une valeur de 55 000.

Le taux d'escompte est de 8% (intérêts précomptés, base 360)

1°) Calculez le montant des intérêts (on suppose qu'il n'y a pas de jours de banque).

2°) Quel serait le taux de l'opération équivalente si les intérêts étaient post-comptés ?

- **Exercice 3 : Taux**

Calculer les taux proportionnels annuels correspondant à un taux de 1% mensuel, 3% trimestriel, 6% semestriel et 12 % annuel.

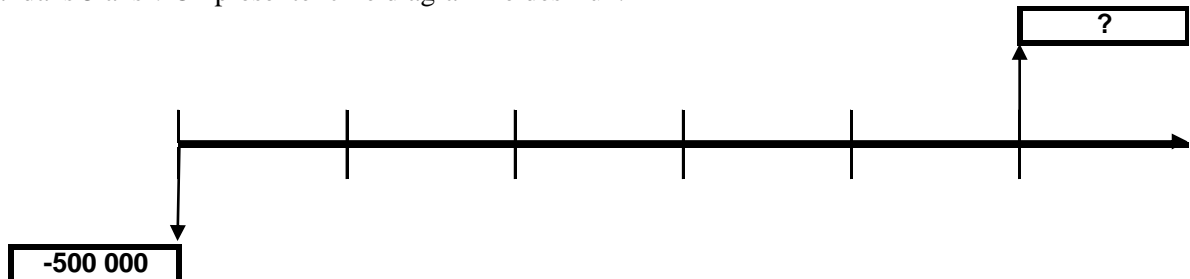
TD Chapitre 2

• **Exercice 1 : Valeur future et diagramme des flux**

Soit un capital de 500 000 placé au taux annuel actuariel de 5%. Quelle est la valeur future de ce capital dans 5 ans ?

• **Exercice 2 : Valeur future et diagramme des flux**

Soit un capital de 500 000 placé au taux annuel actuariel de 5%. Quelle est la valeur future de ce capital dans 5 ans ? On présente ici le diagramme des flux.



- La première flèche se situe au temps t_0 et correspond au versement par l'investisseur de la somme de 500 000 au titre du placement (flux négatif car il s'agit d'un décaissement). Elle représente la **valeur actuelle**.
- Les traits verticaux correspondent aux différentes périodes de capitalisation (il y en a 5).
- La seconde flèche est dirigée vers le haut (sens positif) car il s'agit pour l'investisseur d'un encaissement. C'est la **valeur future** (au terme des 5 années)

• **Exercice 3 : Valeur future et calculs d'années**

On place 10 000 pendant n années au taux actuariel annuel de 3.5%. La valeur future obtenue au bout des n années est de 15 110.69. Calculer n .

• **Exercice 4 : Valeur future et calculs de taux**

On place 10 000 pendant 7 années au taux actuariel annuel de $t\%$. La valeur future obtenue au bout des 7 années est de 20 000. Calculer t .

• **Exercice 5 : Taux**

Calculer les taux actuariels correspondant à un taux de 1% mensuel, 3% trimestriel, 6% semestriel et 12 % annuel.

• **Exercice 6 : Taux**

Quel est le taux périodique trimestriel équivalent au taux annuel de 12 % ?

• **Exercice 7 : Valeur future**

Soit un contrat de placement de 1 000 par mois durant 3 ans au taux actuariel annuel de 5%.

- Signature du contrat le 01.01.n
- Premier versement le 01.02.n
- Fin du contrat et dernier versement le 01.01.n+3

Quelle est la valeur future de ce placement ? Présenter le diagramme des flux.

• **Exercice 8 : Valeur future.**

On reprend l'exercice précédent (exercice 8) avec cette fois.

- Début du contrat le 01.01.n
- Premier versement le 01.01.n
- Dernier versement le 01.12.n+2
- Fin du contrat le 01.01.n+3

Quelle est la valeur future de ce placement ? Présenter le diagramme des flux.

TD Chapitre 3

- **Exercice 1 : Valeur actuelle**

Soit 100 000 acquis au terme d'un placement de 7 ans au taux annuel de 6%, calculer sa valeur actuelle.

- **Exercice 2 : Valeur actuelle et calcul d'années.**

Soit 100 000 acquis au terme d'un placement de n années au taux annuel de 5%, sa valeur actuelle étant de 67 683,94. Calculer n .

- **Exercice 3 : Valeur actuelle et calcul de taux.**

Soit 100 000 acquis au terme d'un placement de 10 années au taux annuel de $t\%$, sa valeur actuelle étant de 64 392,77. Calculer t .

- **Exercice 4 : Valeur actuelle**

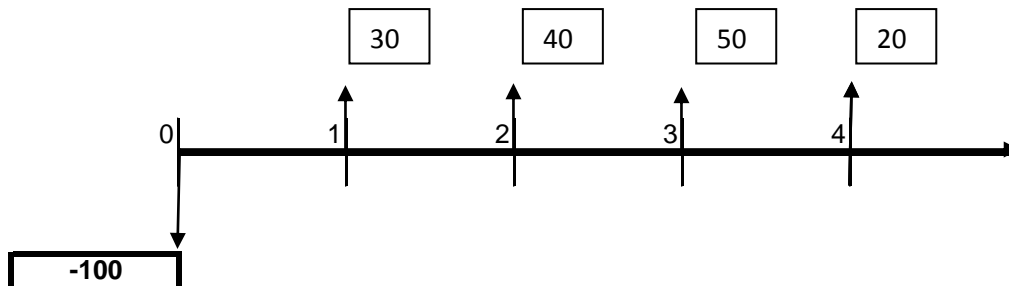
Soit une suite de 5 versements annuels à terme échu :

- le premier de 50 000 le 01.01. $n+1$
- le second de 10 000,
- les troisième et quatrième de 5 000
- le dernier de 15 000.

Déterminer la valeur actualisée au taux de 3% annuel au 01.01. n . (Rép. : 79 926,92), puis cette même valeur si les flux sont début de période (Rép. : 82 324,73).

- **Exercice 5 : Projet (VAN,IP)**

Calculer la VAN et l'IP du projet d'investissement suivant (coût du capital = 10%)



- **Exercice 6 : Projet (VAN,IP)**

Soit un investissement financé à raison de 100 à la date 0, 200 six mois plus tard, et 100 douze mois plus tard. Durée de vie 5 ans. Valeur résiduelle nulle. Cash-flows : 80, 120, 130, 100, 90 (aux dates 2, 3, 4, 5 et 6).

Coût du capital : 10%

Calculer La VAN et l'IP.

Remarque : Il faut déjà évaluer, à l'époque 0, le capital investi.

TD Chapitre 4

- **Exercice 1**

Données :

La société « Chat » a pour projet d'investir dans la société « Ronron » afin de développer un partenariat dans le secteur de la complémentaire santé. L'investissement global de « Chat », entièrement fourni au 31/12/2013, sera de 12 M€. En contrepartie, "Ronron" s'engage à verser à « Chat» :

- Option 1 : tous ses bénéfices sur l'exercice 2014
- Option 2 : la moitié de ses bénéfices sur les exercices 2014 et 2015

Le choix de l'option étant laissé à la compagnie « Chat ».

Afin de prendre une décision, des prévisionnels ont été réalisés :

<i>Exercice</i>	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020
<i>Résultat net "Ronron" en M€</i>	13	14	17	20	21	22	24

Questions :

1/ Calculez le TRI de l'investissement dans le cas où "Chat" choisirait **l'option 1**.

2/ Calculez le TRI de l'investissement dans le cas où "Chat" choisirait **l'option 2**.

TD Chapitre 5

Exercice 1 : Etude de contradiction

On considère deux investissements. I1 : Investissement de 100 (date 0) et flux de 90, 20 et 20 aux dates 1, 2 et 3.

I2 : Investissement de 100 (date 0) et flux de 10, 20 et 130 aux dates 1, 2 et 3.

1°) Calculez les TRI et les VAN à 8%.

2°) Déterminez le taux d'indifférence qui est le taux pour lequel la VAN de I1 est égale à celle de I2.

3°) Comment comparer ces projets ?

Exercice 2 : TRIG

Un projet d'investissement est caractérisé par les données suivantes :

- Capital investi : 380 HT
 - Cash-flows annuels en progression de 20 %
 - Durée de vie : 5ans
 - Valeur résiduelle nulle
 - Indice de profitabilité à 6% : 1,130812.
1. Déterminez la série des cash-flows.
 2. Le taux d'actualisation étant variable, résolvez l'équation : $I_p = 1$ et interprétez le résultat obtenu.
 3. Sachant que les cash-flows sont réinvestis au taux de 14%, calculez le taux de rentabilité interne global.

TD Chapitre 6

Exercice 1 : Emprunt immobilier

Monsieur DECEF gagne 18 000 euros par mois et n'anticipe pas de modification de ses revenus dans l'avenir. Il veut effectuer un emprunt immobilier sur 15 ans.

Sachant que le banquier accepte un ratio mensualité/revenu de 30% et qu'il lui propose un financement à 7%, quel est le montant peut-il emprunter ?

Exercice 2 : Emprunt immobilier

Un particulier dispose de 600 par mois à consacrer à l'achat de sa résidence principale. Il souhaite souscrire un emprunt de 180 mensualités constantes payées terme échu au taux annuel proportionnel de 4 %. On cherche à calculer combien il peut emprunter dans ces conditions.

Soit C le capital emprunté.

1°) Tracez le diagramme des flux.

2°) Déduisez-en l'équation vérifiée par C . Simplifiez cette équation et calculez C .

Exercice 3 : Emprunt à annuités constantes

Une entreprise emprunte 50 000 le 1^{er} juin 2005 au taux de 7 % pour financer l'achat d'une machine. Le remboursement s'effectue par 4 annuités constantes payées terme échu, la dernière annuité échéant le 31 mai 2009.

1°) Soit a le montant de l'annuité. Calculez a en détaillant votre calcul.

2°) Dressez le tableau d'amortissement de l'emprunt puis remplissez-le.

Exercice 4 : Tableaux d'amortissement

On considère un emprunt indivis de montant 200 000 le 01.01.2006, remboursable en 5 ans au taux d'intérêt de 7% (assurance comprise). 1^{er} remboursement le 01.01.2007 (remboursements par annuités) Présenter le tableau d'amortissement correspondant à chacune des trois modalités possibles de remboursement, les annuités étant perçus tous les 1^{er} janvier. Calculer la somme des intérêts versés.

TD Chapitre 7

1°) Soit une obligation de nominal 500 euros, au taux de 5%, émise le 25.10.N, remboursable le 25.10.N+5. Quel était le coupon couru à la date du mardi 12.12.N+3 (date de négociation) ?

2°) Soit une obligation de nominal 1 000 euros, cote du jour 65, coupon couru (en %) : 7,396. Calculez la valeur totale.

3°) Supposons que vous investissiez à l'émission dans une obligation de nominal 1 000€ à un prix d'émission de 995€ avec un taux nominal de 5% pendant 4 ans. Calculer le taux actuariel.

4°) Soit un emprunt de 6 00 obligations émis le 1.7.N, de nominal 1 000 euros, prix de remboursement : 1 010 euros ; taux nominal de 4% ; remboursement : in fine, dans 5 ans.

a) Calculer le taux actuariel brut à l'émission t .

b) Calculer la valeur de l'obligation au 5.4.N+3, sachant que le taux pratiqué sur le marché est de 6 % pour ce type d'obligation. Retrouver alors la valeur cotée.